

Student:

Collegekaartnummer:

Tentamen Computersystemen

baiCOSY06 2e jaar bachelor AI, 2e semester 27 september 2012 13u-15u

IWO 4.04C (rood), Academisch Medisch Centrum, Meidreef 29, Amsterdam ZuidOost

Het is niet toegestaan communicatieapparatuur zoals tablets en telefoons te gebruiken: zet deze apparatuur uit!

Gebruik van een rekenmachine en de boeken behorende bij dit vak (Computer Systems, en Van 0 en 1 tot processor) is toegestaan. Succes!

vraag 1

Vraag 1 Rekenschakelingen

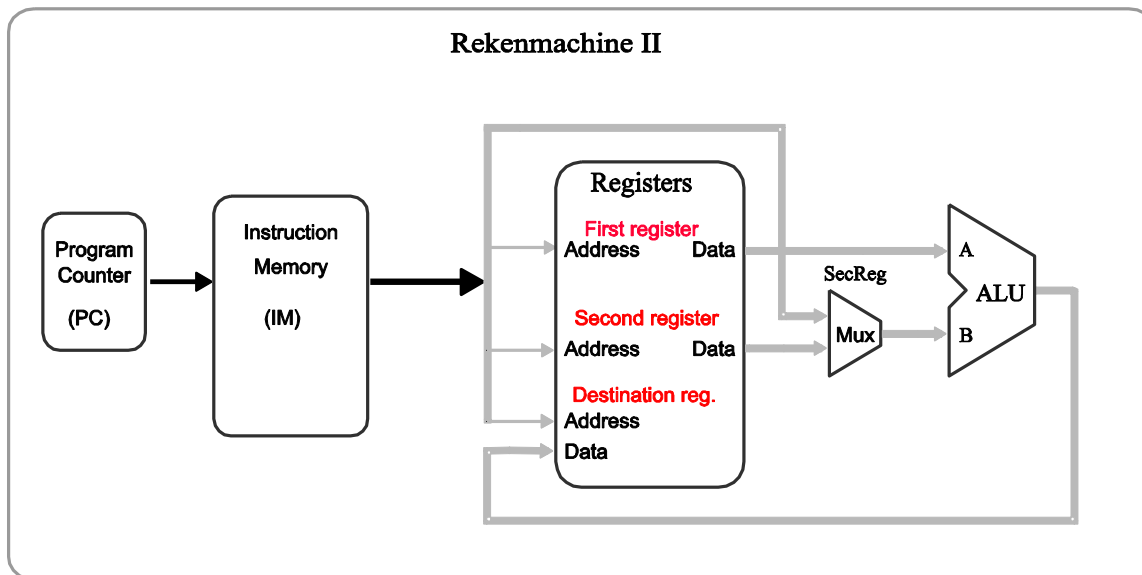
Vraag 1a: Wat is een Full Adder?

Vraag 1b: Geef de waarheidstabel van een Full Adder weer.

Vraag 2 Rekenmachine II

Vraag 2a: Wat is de opcode van een instructie?

Vraag 2b: Arceer het datapad van een ADDI-instructie in figuur 1 Geef ook aan welke adresing(en) worden gebruikt bij deze instructie.



Figuur 1: Rekenmachine II

Vraag 2c: Welke component(en) hebben een kloksignaal nodig om de Rekenmachinemachine II goed te laten werken?

Student:

Collegekaartnummer:


vraag 4

De Babeloniërs gebruikten een zestigtallig stelsel door twee symbolen te combineren;

┆ voor de eenheden en < voor de tientallen:

┆ 1	<┆ 11	<<┆ 21	<<<┆ 31	<<<<┆ 41	<<<<<┆ 51
┆┆ 2	<┆┆ 12	<<┆┆ 22	<<<┆┆ 32	<<<<┆┆ 42	<<<<<┆┆ 52
┆┆┆ 3	<┆┆┆ 13	<<┆┆┆ 23	<<<┆┆┆ 33	<<<<┆┆┆ 43	<<<<<┆┆┆ 53
┆┆┆┆ 4	<┆┆┆┆ 14	<<┆┆┆┆ 24	<<<┆┆┆┆ 34	<<<<┆┆┆┆ 44	<<<<<┆┆┆┆ 54
┆┆┆┆┆ 5	<┆┆┆┆┆ 15	<<┆┆┆┆┆ 25	<<<┆┆┆┆┆ 35	<<<<┆┆┆┆┆ 45	<<<<<┆┆┆┆┆ 55
┆┆┆┆┆┆ 6	<┆┆┆┆┆┆ 16	<<┆┆┆┆┆┆ 26	<<<┆┆┆┆┆┆ 36	<<<<┆┆┆┆┆┆ 46	<<<<<┆┆┆┆┆┆ 56
┆┆┆┆┆┆┆ 7	<┆┆┆┆┆┆┆ 17	<<┆┆┆┆┆┆┆ 27	<<<┆┆┆┆┆┆┆ 37	<<<<┆┆┆┆┆┆┆ 47	<<<<<┆┆┆┆┆┆┆ 57
┆┆┆┆┆┆┆┆ 8	<┆┆┆┆┆┆┆┆ 18	<<┆┆┆┆┆┆┆┆ 28	<<<┆┆┆┆┆┆┆┆ 38	<<<<┆┆┆┆┆┆┆┆ 48	<<<<<┆┆┆┆┆┆┆┆ 58
┆┆┆┆┆┆┆┆┆ 9	<┆┆┆┆┆┆┆┆┆ 19	<<┆┆┆┆┆┆┆┆┆ 29	<<<┆┆┆┆┆┆┆┆┆ 39	<<<<┆┆┆┆┆┆┆┆┆ 49	<<<<<┆┆┆┆┆┆┆┆┆ 59
< 10	<< 20	<<< 30	<<<< 40	<<<<< 50	

De Babeloniërs maakten grotere getallen door ze naast elkaar te zetten. Het begrip nul was in 3000 v.Chr. nog niet uitgevonden, daarvoor in de plaats gebruikten ze een spatie. Een voorbeeld is de volgende berekening, waar men de ruimte tussen de 6 en de 9 duidelijk groter is dan de ruimte tussen de 2 en de 27:


2,27 squared is 6,0,9

$$147^2 = 21609$$

$$(2 \times 60^1 + 27 \times 60^0)^2 = (6 \times 60^2 + 9 \times 60^0)$$

Om verwarring te voorkomen, plaatst men tegenwoordig komma's of dubbele punten tussen de Babelonische getallen.

- a. Geef de formule $b2U_w$ ("Babylonian to unsigned", length w) voor het 60-talig stelsel van de Babeloniërs.

Student:

Collegekaartnummer:

De Babeloniers kende het gegrip *floating point* ook al, hoewel ze ook daar net als voor de nul geen notatie voor hadden. Tegenwoordig zetten we een punt-komma op de juiste plaats in Babelonische getallen.

Bijvoorbeeld; de Babeloniers schatten π af op $25/8$ (3.125)¹, dus in hun notatie $(3;7:30) =$

$(3 \times 60^0 + 7 \times 60^{-1} + 30 \times 60^{-2})$:



- b. Breid de functie $\mathbf{b2U}_w$ uit met negatieve indices tot de formule $\mathbf{b2F}_w$ (“*Babylonian to unsigned float*”, length w) voor het 60-talig stelsel van de Babeloniers.
- c. Geef aan of de Babelonische schatting van π ($25/8$) in een Bineair *signed floating point* formaat van een enkele Byte (8 bits) past. Zo ja, geef een voorbeeld van zo’n 8bits *floating point* formaat representatie van $25/8$. Zo nee, toon aan waarom dit getal niet exact gerepresenteerd kan worden.

De Babeloniers gebruikte de reciproke van 7 nauwelijks. Archimedes vond met behulp van de meerzijdige polygonen (96 zijden) de eerste convergent van π : $22/7$.

- d. Geef aan of de schatting van Archimedes ($22/7$) in een Bineair *signed floating point* formaat van een enkele Byte (8 bits) past. Zo ja, geef een voorbeeld van zo’n 8bits *floating point* formaat representatie van $22/7$. Zo nee, toon aan waarom dit getal niet exact gerepresenteerd kan worden.

De Chinesen gebruikten een vergelijkbare methode als Archimedes om π af te schatten. In 480 na Christus vond Zu Chongzhi (祖冲之) de convergent $355/113$ met behulp van een polygoon met 12288 zijden. Deze schatting staat bekend onder de naam **Milü** (密率). Deze breuk is in de toenmalige Chinese notatie geschreven als:



Pas in de 15^e eeuw kwam Jamshid al-Kashi (کاشانی دیشمج نی دل اٹای غ)

Student:

Collegekaartnummer:

vraag 5

Een van de voordelen van de x86-64 architectuur is dat er 16 *integer* registers beschikbaar zijn, terwijl men het in de IA32 met acht *integer* en acht *floating-point* registers moet doen. Bekijk de volgende code:

```
int swap_add(int *xp, int *yp)
{
    int x = *xp;
    int y = *yp;

    *xp = y;
    *yp = x;
    return x + y;
}
int caller()
{
    int arg1 = 534;
    int arg2 = 1057;
    int sum = swap_add(&arg1, &arg2);
    int diff = arg1 - arg2;

    return sum * diff;
}
```

Als we deze code compileren voor de een 64-bits machine, krijgen we de volgende *assembly code*:

```
swap_add:
    movl    (%rdi), %eax
    movl    (%rsi), %edx
    movl    %edx, (%rdi)
    movl    %eax, (%rsi)
    leal   (%rdx,%rax), %eax
    ret
```

Als we dezelfde code compileren voor IA32, ziet de *assembly code* er als volgt uit:

```
swap_add:
1   the set up of a new frame for the function
2   pushl %ebp           save old framepointer
3   movl %esp,%ebp      set new %ebp just after the stackpointer %esp
4   pushl %ebx          callee save
5   the body of the function
6   movl 8(%ebp),%edx
7   movl 12(%ebp),%ecx
8   movl (%edx),%ebx
9   movl (%ecx),%eax
10  movl %eax,(%edx)
11  movl %ebx,(%ecx)
12  addl %ebx,%eax
13  restoring the frame of the calling function
14  popl %ebx           callee restore
15  movl %ebp,%esp      recalcute old stackpointer
16  popl %ebp          restoring old framepointer
17  ret
```

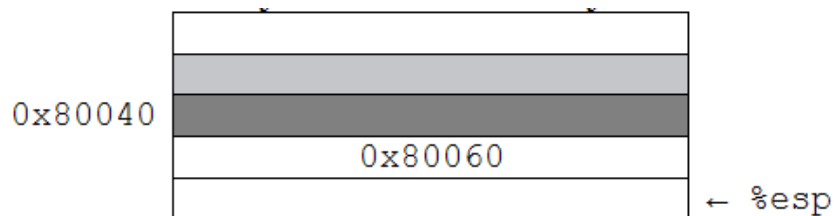
Student:

Collegekaartnummer:

- a. Waarom maakt de 64-bits code geen gebruik van de *stack*?
- b. Welk register wordt er bij de IA32 gebruikt om het eindresultaat te bewaren?
- c. Waarom worden `%eax`, `%edx` en `%ecx` niet gesaved op de *stack*?
- d. Is er bij de IA32 ook een register voor het *returnadress*?
- e. Wordt de *stackpointer* verhoogd of verlaagd met 4 voor iedere `pushl`?
- f. Als bij het aanroepen van de functie `swap_add` de *stackpointer* de waarde `0x80040` had, welke waarde krijgt `%ebp` dan op regel 3?
- g. Vlak voor de aanroep naar `swap_add` staat bij de IA32 de volgende code van de caller:

```
movl $534, -8(%ebp)
movl $1057, -4(%ebp)
addl $-8, %esp
leal -4(%ebp), %eax
pushl %eax
leal -8(%ebp), %eax
pushl %eax
call swap_add
```

Teken de *stack* op regel 5 van de code `swap_add` van geheugenadress `0x80048` tot `0x80038`. De inhoud van `0x80040` kun je niet weten, doch zijn functie wel.



Succes!